

2018年度

一般入試A日程 【2/6 (火)】

数学 I ・ II ・ A ・ B
(数列 ・ ベクトル)

※数理工学科のみ

数学 I ・ II ・ III ・ A ・ B

[60 分]

1

(1) 関数 $y = -x^2 + 14x - 46$ ($4 \leq x \leq 9$) の最大値は ア であり、
最小値は イウ である。

$$(2) \frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \frac{1}{2^4} + \frac{1}{2^5} + \frac{1}{2^6} + \frac{1}{2^7} + \frac{1}{2^8} = \frac{\text{エオカ}}{\text{キクケ}}$$

(3) 男子 5 人、女子 3 人が 1 列に並ぶとき、両端が女子である並び方は コサシス 通りある。

(4) i を虚数単位とする。 $x = 2 - i$ が方程式 $x^2 - ax + b = 0$ (ただし、 a, b は実数) の解であるとき、 $a = \text{セ}$ 、 $b = \text{ソ}$ である。

(5) 2 つのベクトル \vec{a}, \vec{b} が、 $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 5, \vec{a} \cdot \vec{b} = 3$ を満たしている。このとき、 $|\vec{a} - \vec{b}| = \text{タ} \sqrt{\text{チ}}$ である。

2

3 次関数 $f(x)$ を

$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$$

とし、2 次関数 $g(x)$ を

$$g(x) = x^2 - ax + b$$

とする。ただし、 a 、 b は実数とする。また、曲線 $y = f(x)$ を C 、放物線 $y = g(x)$ を D とする。さらに、放物線 D は曲線 C 上の点 $P(2, f(2))$ を通り、放物線 D の点 P における接線と曲線 C の点 P における接線が一致するとする。以下の問いに答えよ。

(1) 点 P の y 座標は $f(2) = \boxed{\text{ア}}$ であり、点 P における曲線 C の接線の傾きは $\boxed{\text{イウ}}$ である。さらに、放物線 D の点 P における接線と曲線 C の点 P における接線が一致することから、 $a = \boxed{\text{エ}}$ 、 $b = \boxed{\text{オカ}}$ である。

(2) 曲線 C と放物線 D の共有点は、点 P と $(\boxed{\text{キ}}, \boxed{\text{ク}})$ である。これらの 2 点を結ぶ直線 l の方程式は

$$y = \boxed{\text{ケコ}}x + \boxed{\text{サ}}$$

であり、直線 l と放物線 D で囲まれた図形の面積は $\frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}}$ である。

3

数理工学科が第1志望である受験者は、**3**、**4**を解答せずに、**数理3**、**数理4**を解答すること。

実数 x, y が4つの不等式

$$x \geq 0, y \geq 0, 3x + y \leq 3, x + 2y \leq 2$$

を同時に満たすとき、 $-2x + y$ は $(x, y) = (\text{ア}, \text{イ})$ のとき最大値

ウ をとり、 $(x, y) = (\text{エ}, \text{オ})$ のとき最小値 **カキ** をとる。

また、 $2x + y$ は $(x, y) = \left(\frac{\text{ク}}{\text{ケ}}, \frac{\text{コ}}{\text{サ}} \right)$ のとき最大値 $\frac{\text{シス}}{\text{セ}}$ を

とり、 $(x, y) = (\text{ソ}, \text{タ})$ のとき最小値 **チ** をとる。

さらに、 $(x - 4)^2 + (y - 3)^2$ は $(x, y) = (\text{ツ}, \text{テ})$ のとき最大値

トナ をとり、 $(x, y) = \left(\frac{\text{ニ}}{\text{ヌ}}, \frac{\text{ネ}}{\text{ノ}} \right)$ のとき最小値 **ハヒ** を

とる。

4

数理工学科が第1志望である受験者は、**3**、**4**を解答せずに、**数理3**、**数理4**を解答すること。

360を素因数分解すると

$$360 = \boxed{\text{ア}}^{\boxed{\text{イ}}} \cdot \boxed{\text{ウ}}^{\boxed{\text{エ}}} \cdot \boxed{\text{オ}}$$

である。ただし、 $\boxed{\text{ア}} < \boxed{\text{ウ}}$ とする。また、360を小さいものから順に連続する4つの自然数の積で表すと初めの自然数は**カ**である。

n を自然数としたとき、 $\frac{360}{n}$ が素数となる n の個数は**キ**個であり、 $\sqrt{\frac{360}{n}}$ が自然数となる n の個数は**ク**個である。

和が360、差が2となる2つの自然数 a, b ($a < b$)は、 $a = \boxed{\text{ケコサ}}$ 、 $b = \boxed{\text{シスセ}}$ である。このとき、 a で割ると7余り、 b で割ると3余るような自然数のうち3桁のものは**ソタチ**である。

数理 3

数理工学科が第 1 志望である受験者のみ **数理 3** , **数理 4** を解答すること。

媒介変数を θ とし, 次の媒介変数表示

$$x = 2\sqrt{5}\cos\theta + 1, \quad y = \sqrt{5}\sin\theta + 2$$

で表される曲線を C とする。以下の問いに答えよ。

- (1) 曲線 C を, 直交座標に関する方程式で表し, 座標平面にその概形をかけ。
- (2) k を実数とする。曲線 C と直線 $y = x + k$ の共有点の個数を調べよ。

数理 4数理工学科が第 1 志望である受験者のみ **数理 3** , **数理 4** を解答すること。

放物線

$$y = x^2 - 2x + 1$$

を C とし, 直線

$$y = 2x - 3$$

を l とする。以下の問いに答えよ。

- (1) 放物線 C , 直線 l および y 軸で囲まれた部分の面積を求めよ。
- (2) 放物線 C' は, 放物線 C を平行移動した曲線で, 直線 l に接しており, 頂点の x 座標が 0 であるものとする。このとき, 放物線 C' , 直線 l および y 軸で囲まれた部分を y 軸のまわりに 1 回転してできる回転体の体積を求めよ。